

## فهرست مطالب

|    |  |
|----|--|
| ۱  | آغازی بُرداری  |
| ۱  | ۱- مقدمه   |
| ۲  | ۲- اسکالر و بُردار   |
| ۲  | ۳- جمع بُردارها  |
| ۲  | ۴- تفریق بُردارها  |
| ۲  | ۵- ضرب بُردار در اسکالر  |
| ۲  | ۶- ضرب داخلی دو بُردار   |
| ۳  | ۷- ضرب خارجی دو بُردار   |
| ۴  | ۸- بُردار یکه  |
| ۴  | ۹- تجزیه بُردار $A$ به دو مؤلفه عمود بر هم                     |
| ۵  | ۱۰- دستگاه مختصات متعامد راست گرد                              |
| ۵  | ۱۱- دستگاه مختصات کارتزین ( $x, y, z$ )                        |
| ۹  | ۱۲- دستگاه مختصات استوانه‌ای ( $\rho, \phi, z$ )               |
| ۱۲ | ۱۳- دستگاه مختصات کروی ( $r, \theta, \phi$ )                   |
| ۱۴ | ۱۴- مختصات یک نقطه در دستگاه مختصات کارتزین، استوانه‌ای و کروی |
| ۱۵ | ۱۵- مؤلفه‌های بُردار   |
| ۱۵ | ۱۶- تبدیل بُردارها از یک دستگاه مختصات به دستگاه مختصات دیگر   |
| ۲۰ | ۱۷- انتگرال خط   |
| ۲۴ | ۱۸- انتگرال سطح  |
| ۳۱ | ۱۹- خط و صفحه در فضا   |
| ۳۲ | ۲۰- انتگرال حجم  |
| ۳۵ | ۲۱- توصیف کمی میدان‌ها   |
| ۳۵ | ۲۲- گرادیان ( $\nabla$ ) میدان‌های اسکالر                      |
| ۳۹ | ۲۳- دیورژانس ( $\nabla \cdot$ ) میدان‌های بُرداری              |
| ۴۵ | ۲۴- قضیه گرین  |
| ۴۵ | ۲۵- کرل ( $\nabla \times$ ) میدان‌های بُرداری                  |
| ۵۸ | ۲۶- دو اتحاد صفر   |
| ۵۹ | ۲۷- میدان‌های بدون کرل (پایستار)                               |
| ۵۹ | ۲۸- میدان‌های بدون دیورژانس (سیم‌لوهای)                        |
| ۶۰ | ۲۹- لاپلاسین اسکالر  |
| ۶۰ | ۳۰- لاپلاسین بُرداری   |
| ۶۱ | ۳۱- ابعاد و یکاهای   |
| ۶۵ | میدان‌های الکتریکی ساکن در فضای آزاد                           |
| ۶۵ | ۱- مقدمه   |
| ۶۵ | ۲- خواص اساسی بار الکتریکی و معرفی انواع توزیع بار             |

|   |     |
|---|-----|
| ۳-۲ قانون تجربی کولن .....  | ۶۶  |
| ۴-۲ شدت میدان الکتریکی .....  | ۶۷  |
| ۵-۲ نقاط فضا .....  | ۶۷  |
| ۶-۲ بُردار مکان .....   | ۶۷  |
| ۷-۲ اصل جمع آثار (اصل برهم نهی) .....   | ۶۸  |
| ۸-۲ میدان توزیع بارهای پیوسته .....   | ۶۸  |
| ۹-۲ دوقطبی الکتریکی .....   | ۷۹  |
| ۱۰-۲ محاسبه نیروی وارد بر دوقطبی .....  | ۸۲  |
| ۱۱-۲ محاسبه گشتاور وارد بر دوقطبی .....   | ۸۴  |
| ۱۲-۲ کرل $E$ یا شکل دیفرانسیلی قانون فارادی .....   | ۸۵  |
| ۱۳-۲ زاویه فضایی .....  | ۸۵  |
| ۱۴-۲ رادیان و استرادیان .....   | ۸۶  |
| ۱۵-۲ قانون گاوس .....   | ۸۶  |
| ۱۶-۲ رابطه قانون گاوس و قانون کولن .....  | ۸۷  |
| ۱۷-۲ محاسبه میدان الکتریکی با استفاده از قانون گاوس .....   | ۸۸  |
| ۱۸-۲ شکل دیفرانسیلی قانون گاوس .....  | ۹۳  |
| ۱۹-۲ تابع ضربه .....  | ۹۴  |
| ۲۰-۲ محاسبه $\left(\frac{1}{ \underline{r}-\underline{r'} }\right)$ .....   | ۹۶  |
| ۲۱-۲ محاسبه بار الکتریکی از روی شدت میدان الکتریکی .....  | ۹۸  |
| ۲۲-۲ رسیدن به شکل دیفرانسیلی قانون گاوس با استفاده از $(\nabla^2 \left(\frac{1}{ \underline{r}-\underline{r'} }\right) = -4\pi \delta(\underline{r} - \underline{r'}) \underline{r})$ ..... | ۱۰۰ |
| ۲۳-۲ معادلات خطوط میدان .....   | ۱۰۰ |
| ۲۴-۲ پتانسیل الکتریکی ( $V$ ) .....   | ۱۰۳ |
| ۲۵-۲ سطوح همپتانسیل .....   | ۱۰۶ |
| ۲۶-۲ محاسبه پتانسیل ناشی از دوقطبی الکتریکی .....   | ۱۱۴ |
| <b>میدان‌های الکتریکی ساکن در اجسام</b> .....   | ۱۲۳ |
| ۱-۳ مقدمه .....   | ۱۲۳ |
| ۲-۳ رسانا، نارسانا و نیمرسانا .....   | ۱۲۳ |
| ۳-۳ جریان هم‌رفتی و جریان هدایتی .....  | ۱۲۳ |
| ۴-۳ ویژگی‌های رسانا .....   | ۱۲۵ |
| ۵-۳ شرایط مرزی در سطح اجسام هادی .....  | ۱۲۷ |
| ۶-۳ قطبش (پلاریزاسیون) در مواد دیالکتریک .....  | ۱۳۲ |
| ۷-۳ بار آزاد در داخل دیالکتریک .....  | ۱۳۴ |
| ۸-۳ شباهت دیالکتریکی با $\epsilon_r \rightarrow \infty$ به رسانا .....  | ۱۳۷ |
| ۹-۳ دیالکتریک خلی، همگن و همسلگرد .....   | ۱۳۹ |
| ۱۰-۳ شباهتی گمراه کننده .....   | ۱۴۱ |
| ۱۱-۳ شرایط مرزی میدان‌های الکتریکی ساکن .....   | ۱۴۲ |
| ۱۲-۳ پتانسیل الکتریکی در مرز .....  | ۱۴۶ |
| ۱۳-۳ روش تصویر .....  | ۱۶۰ |
| ۱۴-۳ معادله پیوستگی جریان و زمان بازآرایی .....   | ۱۶۱ |
| ۱۵-۳ شرایط مرزی $J$ .....   | ۱۶۳ |

|     |  |
|-----|--|
| ۱۶۵ | ۱۶-۳ خازن .....  |
| ۱۷۱ | ۱۷-۳ مقاومت ( <b>R</b> ) .....   |
| ۱۷۴ | ۱۸-۳ انرژی سیستمی از بارهای الکتریکی .....                               |
| ۱۷۵ | ۱۹-۳ نکاتی پیرامون انرژی الکترواستاتیک .....                             |
| ۱۷۹ | ۲۰-۳ روشی دیگر در محاسبه ظرفیت خازن .....                                |
| ۱۷۹ | ۲۱-۳ انرژی دوقطبی <b>p</b> واقع در میدان الکتریکی <b>E</b> .....         |
| ۱۷۹ | ۲۲-۳ گشتاور وارد بر دوقطبی <b>p</b> واقع در میدان یکنواخت <u>E</u> ..... |
| ۱۸۰ | ۲۳-۳ نیروی وارد به یک قطعه دی الکتریک .....                              |
| ۱۸۱ | ۲۴-۳ انرژی الکترواستاتیک در محیط غیرخطی .....                            |
| ۱۸۲ | ۲۵-۳ نیرو و گشتاور بر حسب انرژی الکتریکی ذخیره شده .....                 |
| ۱۸۶ | ۲۶-۳ نیروی وارد بر عایق واقع در میدان الکتریکی .....                     |
| ۱۸۹ | ۲۷-۳ توان تلف شده .....  |
| ۱۹۱ | <b>مسائل مقدار مرزی در الکترواستاتیک</b> .....                           |
| ۱۹۱ | ۱-۴ مقدمه .....  |
| ۱۹۱ | ۲-۴ معادله پواسون و لاپلاس .....   |
| ۱۹۱ | ۳-۴ قضیه یکتایی جواب .....   |
| ۱۹۳ | ۴-۴ شرایط مرزی <b>V</b> و مشتق آن .....                                  |
| ۱۹۴ | ۵-۴ میانگین پتانسیل الکتریکی .....                                       |
| ۱۹۹ | ۶-۴ قضیه ارنشاو .....  |
| ۱۹۹ | ۷-۴ محاسبه میدان الکتریکی میانگین .....                                  |
| ۲۰۱ | ۸-۴ اصلاح میدان دوقطبی الکتریکی .....                                    |
| ۲۰۲ | ۹-۴ حل معادله لاپلاس در وضعیت‌های ساده .....                             |
| ۲۰۳ | ۱۰-۴ حل معادله لاپلاس در دو بعد .....                                    |
| ۲۰۴ | ۱۱-۴ روش کلی حل معادله لاپلاس یا پواسون .....                            |
| ۲۰۴ | ۱۲-۴ حل معادله لاپلاس در وضعیت‌های ساده .....                            |
| ۲۱۰ | ۱۳-۲ روش‌های دیگر حل معادله لاپلاس .....                                 |
| ۲۱۱ | ۱۴-۲ جداسازی متغیرها .....   |
| ۲۴۱ | ۱۵-۴ گره دی الکتریک واقع در میدان یکنواخت .....                          |
| ۲۴۲ | ۱۶-۴ حفره کروی در دی الکتریک .....                                       |
| ۲۴۵ | ۱۷-۴ حل عددی معادلات پواسون و لاپلاس (روش تفاضل محدود) .....             |
| ۲۴۷ | ۱۸-۴ روش تصویر .....   |
| ۲۶۵ | ۱۹-۴ ضرایب پتانسیل و ظرفیت .....   |
| ۲۶۷ | ۲۰-۴ قضیه هم پاسخی گرین .....  |
| ۲۷۲ | <b>میدان‌های مغناطیسی ساکن در فضای آزاد</b> .....                        |
| ۲۷۲ | ۱-۵ مقدمه .....  |
| ۲۷۳ | ۲-۵ توزیع جریان خطی، سطحی و حجمی .....                                   |
| ۲۷۵ | ۳-۵ قانون بیو-ساوار .....  |
| ۲۸۸ | ۴-۵ دیورژانس <b>B</b> و نبود بار مغناطیسی مجزا .....                     |
| ۲۸۹ | ۵-۵ معادله سوم ماکسول .....  |
| ۲۹۲ | ۶-۵ دیورژانس <b>A</b> یا پیمانه کولن .....                               |

|   |     |
|---|-----|
| ۷-۵ شرایط مرزی <u>A</u>   | ۲۹۳ |
| ۵-۸ کرل <u>B</u> یا شکل دیفرانسیلی قانون آمپر   | ۲۹۳ |
| ۵-۹ شکل انتگرالی قانون آمپر و کاربرد آن   | ۲۹۵ |
| ۵-۱۰ لابلسین <u>A</u> یا معادله پواسون بُرداری  | ۳۰۴ |
| ۵-۱۱ پتانسیل مغناطیسی بُرداری دوقطبی مغناطیسی   | ۳۰۵ |
| ۵-۱۲ دو مدل برای دوقطبی مغناطیس   | ۳۰۶ |
| ۵-۱۳ بسط چندقطبی پتانسیل مغناطیسی بُرداری   | ۳۰۷ |
| ۵-۱۴ محاسبه میدان مغناطیسی میانگین  | ۳۱۴ |
| ۵-۱۵ میانگین پتانسیل مغناطیسی بُرداری   | ۳۱۵ |
| ۵-۱۶ اصلاح میدان دوقطبی مغناطیسی  | ۳۱۶ |
| <b>میدان مغناطیسی ساکن در اجسام</b>   | ۳۱۷ |
| ۶-۱ مقدمه   | ۳۱۷ |
| ۶-۲ نیروی ناشی از میدان مغناطیسی  | ۳۱۷ |
| ۶-۳ گشتاور وارد بر دوقطبی <u>m</u> واقع در میدان <u>B</u>   | ۳۲۳ |
| ۶-۴ محاسبه گشتاور در میدان غیریکنواخت <u>B</u>  | ۳۲۵ |
| ۶-۵ نیروی وارد بر دوقطبی <u>m</u> واقع در میدان <u>B</u>  | ۳۲۶ |
| ۶-۶ مغناطش در مواد  | ۳۲۹ |
| ۶-۷ فرمول بندی جریان مغناطیسی مقید معادل  | ۳۳۰ |
| ۶-۸ شباهتی گمراه کننده  | ۳۳۶ |
| ۶-۹ معادله پواسون برای <u>A</u>   | ۳۳۷ |
| ۶-۱۰ پتانسیل مغناطیسی اسکالر و بار مغناطیسی مقید معادل  | ۳۳۸ |
| ۶-۱۱ قانون گاوس برای <u>H</u>   | ۳۳۹ |
| ۶-۱۲ معادله پواسون برای <u>V<sub>m</sub></u>  | ۳۴۰ |
| ۶-۱۳ جمله مشترک $\frac{1}{4\pi} \int \frac{R}{R^3} d\mathbf{v}'$ در میدانهای الکترویکی و مغناطیسی | ۳۴۵ |
| ۶-۱۴ تبدیل حل یک مسئله الکتروستاتیک به یک مسئله مگتوستاتیک  | ۳۴۷ |
| ۶-۱۵ طبقه بندی مواد مغناطیسی  | ۳۵۰ |
| ۶-۱۶ شرایط مرزی میدان‌های مغناطیسی ساکن   | ۳۵۳ |
| ۶-۱۷ شرایط مرزی <u>A</u>  | ۳۵۷ |
| ۶-۱۸ انرژی ذخیره شده در میدان مغناطیسی  | ۳۶۸ |
| ۶-۱۹ انرژی مگتوستاتیک در محیط غیرخطی  | ۳۷۱ |
| ۶-۲۰ نیرو و گشتاور بر حسب انرژی مغناطیسی  | ۳۷۳ |
| ۶-۲۱ خودالقابکایی یا اندوکتانس خودی ( <u>L</u> )  | ۳۷۹ |
| ۶-۲۲ ضریب القای متقابل یا اندوکتانس متقابل ( <u>M</u> )   | ۳۸۳ |
| ۶-۲۳ نیرو و گشتاور بر حسب اندوکتانس متقابل  | ۳۸۵ |
| ۶-۲۴ سلول میدان و مفهوم تراوایی <u>μ</u>  | ۳۹۰ |
| ۶-۲۵ مدارهای مغناطیسی   | ۳۹۱ |
| ۶-۲۶ معادلات ماکسول برای میدان‌های ساکن   | ۳۹۳ |
| <b>میدان‌های متغیر با زمان</b>  | ۳۹۴ |
| ۷-۱ مقدمه   | ۳۹۴ |
| ۷-۲ معادلات ماکسول  | ۳۹۴ |

|     |   |
|-----|---|
| ۳۹۴ | ۳-۷ قانون فارادی، معادله اول ماکسول.....                                |
| ۳۹۷ | ۴-۷ نیرو محرکه حرکتی .....  |
| ۴۰۷ | ۷-۵ قانون گاوس یا دومین معادله ماکسول .....                             |
| ۴۰۸ | ۷-۶ شار مغناطیسی یا معادله سوم ماکسول .....                             |
| ۴۰۸ | ۷-۷ قانون آمپر یا چهارمین معادله ماکسول .....                           |
| ۴۱۰ | ۷-۸- جریان جابه جایی .....  |
| ۴۱۰ | ۷-۹ شکل نهایی معادلات ماکسول .....                                      |
| ۴۱۱ | ۷-۱۰ میدان های هارمونیکی .....  |
| ۴۱۳ | ۷-۱۱ گذرهای مختلط .....   |
| ۴۱۳ | ۷-۱۲ معادلات ماکسول برای محیط های غیر خلاء و معرفی جریان قطبش .....     |
| ۴۱۴ | ۷-۱۳ پتانسیل های متغیر با زمان.....                                     |
| ۴۱۷ | ۷-۱۴ دیورژانس <b>A</b> برای میدان های متغیر با زمان (معیار لورنژ) ..... |
| ۴۱۸ | ۷-۱۵ شرایط مرزی میدان های متغیر با زمان .....                           |
| ۴۱۹ | ۷-۱۶ عمق نفوذ.....  |
| ۴۲۰ | ۷-۱۷ بار مغناطیسی (تک قطبی مغناطیسی) .....                              |
| ۴۲۳ | ۷-۱۸ میدان های شبه ساکن.....  |
| ۴۲۳ | ۷-۱۹ روابط میدانی - روابط مداری .....                                   |